

Geg: Signatur $\Sigma = \{ \underset{\substack{\uparrow \\ \text{Konstanten}}}{c/o}, \dots, \underset{\substack{\uparrow \\ \text{Funktionen mit } n \geq 1}}{f/n} \}$

Typ 1: \exists Jeder Term E hat Eigenschaft P

(IA) $E = x$ (x Variable) [in Probeklausur nicht nötig, da E dort ein geschlossener Term war]

(IA) $E = c$ [zz. c hat Eigenschaft P]

(IV) seien E_1, \dots, E_n Terme mit Eigenschaft P

(IS) $E = f(E_1, \dots, E_n)$ [noch $\exists f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft P , dazu Term zerlegen um IV auf E_1, \dots, E_n anwenden zu können]

Typ 2: \exists Wenn Term E Eigenschaft P hat, dann hat E Eigenschaft Q

(IA) $E = x$ } hier können 2 Fälle auftreten

Fall 1: x/c hat Eigenschaft P
 \Rightarrow noch $\exists x/c$ hat Eigenschaft Q

(IA) $E = c$

Fall 2: x/c hat Eigenschaft P nicht
 \Rightarrow IA fertig, da Implikation trivial erfüllt

(IV) Seien E_1, \dots, E_n Terme für die gilt: Wenn E_1, \dots, E_n Eigenschaft P hat, dann hat E_1, \dots, E_n Eigenschaft Q

(IS) $E = f(E_1, \dots, E_n)$

Annahme: $f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft P

[ohne diese Annahme geht es hier nicht weiter, wobei: im Fall, dass $f(E_1, \dots, E_n)$ Eigenschaft P nicht hat, nichts zu zeigen wäre: „aus Falschem folgt alles“]

Nach $\exists f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft Q

Typ 3: \exists Term E hat Eigenschaft P , genau dann wenn E Eigenschaft Q hat

$\left. \begin{array}{l} \textcircled{IA} E = x \\ \textcircled{IA} E = c \end{array} \right\}$ hier können 2 Fälle auftreten

Fall 1: x/c hat Eigenschaft P
 \Rightarrow noch $\exists x/c$ hat Eigenschaft Q

Fall 2: x/c hat Eigenschaft P nicht
 \Rightarrow noch $\exists x/c$ hat Eigenschaft Q nicht

\textcircled{IV} Seien E_1, \dots, E_n Terme für die gilt: E_1, \dots, E_n hat Eigenschaft P , genau dann wenn E_1, \dots, E_n Eigenschaft Q hat

$\textcircled{IS} E = f(E_1, \dots, E_n)$

Hier gibt es nun 2 Varianten (beides möglich, je nachdem was für die konkrete Aufgabe naheliegender erscheint)

Variante 1:

„ \Rightarrow “: $f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft P

\Rightarrow noch $\exists f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft Q

„ \Leftarrow “: $f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft Q

\Rightarrow noch $\exists f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft P

[beide Richtungen der gdw. Beziehung abarbeiten]

Variante 2:

Fall 1: $f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft P

\Rightarrow noch $\exists f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft Q

Fall 2: $f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft P nicht

\Rightarrow noch $\exists f(E_1, \dots, E_n)$ hat Eigenschaft Q nicht

[beide Fälle einer Seite der gdw. Beziehung abarbeiten]

beide Fälle
müssen hier
abgearbeitet
werden